

[G1.] Zeigen Sie, dass aus $|M| \leq |N|$ und $|N| \leq |P|$ folgt, dass $|M| \leq |P|$.

[G2.] Es sei folgende Ordnung auf den Zeichenketten über den Buchstaben $\{a, b, c, \dots, z\}$ erklärt. Es ist $\vec{x}L\vec{y}$ wenn \vec{x} ein echtes Präfix von \vec{y} ist oder es ein i gibt, sodass $\vec{x}(i)$ im Alphabet vor $\vec{y}(i)$ steht, aber $\vec{x}(j) = \vec{y}(j)$ für alle $j < i$. Also ist $udoL ufo$, $a\text{lm}L\text{alpen}L\text{am}$. Dies ist die übliche lexikographische Ordnung. Zeigen Sie, dass die Ordnung linear ist. *Anleitung.* Dazu ist nötig, dass für je zwei Zeichenketten \vec{x} und \vec{y} gilt: entweder ist $\vec{x} = \vec{y}$ oder $\vec{x}L\vec{y}$ oder $\vec{y}L\vec{x}$.

[G3.] Zeigen Sie folgenden Sachverhalt. Ist $\vec{x}L\vec{y}$ aber \vec{x} nicht Präfix von \vec{y} , so ist $\vec{x}L\vec{x} \cdot aL\vec{y}$. *Beispiel.* Sei $\vec{x} = \text{ziehen}$, $\vec{y} = \text{zielen}$. \vec{x} ist nicht Präfix von \vec{y} aber es ist $\vec{x}L\vec{y}$. Es gilt nun

$\text{ziehen}L\text{ziehena}L\text{zielen}$

[G4.] Zeigen Sie, dass die folgenden Zeichenketten in L eine unendlich aufsteigende Folge gefolgt von einer unendlich absteigenden Folge darstellen:

$a, aa, aaa, aaaa, \dots, aaab, aab, ab, b$

(Verwenden Sie dazu, dass L transitiv und linear ist.)